

выражений (6.77) и (6.78) при  $x_1 = 0$  и  $x_2 = 0$ . Получим

$$\frac{Q_1 F_2 \sqrt{c_2 \rho_2 \lambda_2}}{Q_2 F_1 \sqrt{c_1 \rho_1 \lambda_1}} = e^{-(b_2 - b_1)t}. \quad (6.80)$$

Как следует из формулы (6.80), условие  $\Delta T_1 = \Delta T_2$  при  $x = 0$  и любом  $t$  выполняется, если  $b_1 = b_2$ , а

$$\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{F_1 \sqrt{c_1 \rho_1 \lambda_1}}{F_2 \sqrt{c_2 \rho_2 \lambda_2}}. \quad (6.81)$$

Из выражений (6.79) и (6.81) следует, что

$$Q_1 = Q \frac{F_1 \sqrt{c_1 \rho_1 \lambda_1}}{F_1 \sqrt{c_1 \rho_1 \lambda_1} + F_2 \sqrt{c_2 \rho_2 \lambda_2}}. \quad (6.82)$$

Формула для определения  $Q_2$  аналогична выражению (6.82) (числитель  $F_2 \sqrt{c_2 \rho_2 \lambda_2}$ ). В тех случаях, когда  $b_1 \approx b_2$ , а также когда теплоотдача в воздух может вообще не учитываться из-за  $b_1 \approx b_2 \approx 0$ , для определения температур при сварке разнородных стержней и при сварке разнородных пластин быстро движущимися источниками теплоты можно пользоваться формулами (6.77) и (6.78) с учетом (6.82).

При  $b_1 \neq b_2$  в сечении  $x = 0$  появляется переменный во времени тепловой поток, который может рассматриваться как дополнительный источник теплоты для одного стержня и такой же по уровню дополнительный тепловой сток для другого стержня. Пусть  $\Delta T_1 < \Delta T_2$  при  $x = 0$  по выражениям (6.77) и (6.78), т. е. стержень 1 на конце охлаждается быстрее. Это означает, что в стержне 1 действует дополнительный источник теплоты с переменной мощностью  $q$ , а в стержне 2 действует дополнительный сток с мощностью  $-q$ . Используя формулы (6.14), но при  $b \neq 0$ , а также (6.77) и (6.78), выразим температуру в стержнях 1 и 2 с учетом дополнительного источника и стока теплоты:

$$\begin{aligned} \Delta T_{1\Sigma} = \Delta T_1 + \Delta T_{1\text{дон}} &= \frac{Q_1}{F_1 \sqrt{c_1 \rho_1 \lambda_1} \sqrt{4\pi t}} e^{-x_1^2/(4a_1 t) - b_1 t} + \\ &+ \int_0^t \frac{2q}{F_1 \sqrt{c_1 \rho_1 \lambda_1} \sqrt{4\pi t}} e^{-x_1^2/(4a_1 t) - b_1 t} dt; \end{aligned} \quad (6.83)$$

$$\begin{aligned} \Delta T_{2\Sigma} = \Delta T_2 + \Delta T_{2\text{дон}} &= \frac{Q_2}{F_2 \sqrt{c_2 \rho_2 \lambda_2} \sqrt{4\pi t}} e^{-x_2^2/(4a_2 t) - b_2 t} - \\ &- \int_0^t \frac{2q}{F_2 \sqrt{c_2 \rho_2 \lambda_2} \sqrt{4\pi t}} e^{-x_2^2/(4a_2 t) - b_2 t} dt. \end{aligned} \quad (6.84)$$

Значения  $q$  можно получить, если приравнять выражения (6.83) и (6.84) при  $x_1 = x_2 = 0$ , т. е.  $\Delta T_{1\Sigma} = \Delta T_{2\Sigma}$ . После преобра-